

TD Planétologie : Existe-t-il un noyau sur Mars ?

Mars est une planète tellurique qui ressemble à la Terre par beaucoup d'aspect. En l'absence de données sismique sur l'intérieur de la planète nous essaierons de déterminer s'il existe un noyau sur Mars, sa taille et sa composition chimique.

1) Taille du noyau

Nous allons supposer dans un premier temps que Mars (de rayon R=3400 km) est constituée d'un manteau péridotitique et d'un noyau ferreux. La densité du fer métal est de 8000 kg/m³ et celle de la péridotite de 3300 kg/m³ à pression ambiante.

1.a) On sait que la densité moyenne de Mars est de 3900 kg/m³.

Quelle est la taille du noyau ? Faire le même calcul pour la Terre (R=6400 km) pour laquelle la densité moyenne est de 5500 kg/m³. Commenter.

1.b) L'évolution de la densité de la péridotite avec la pression est donnée par une équation d'état de type Birch-Murnaghan.

$$P(V) = \frac{3K}{2} \left[\left(\frac{\rho}{\rho_0} \right)^{\frac{7}{3}} - \left(\frac{\rho}{\rho_0} \right)^{\frac{5}{3}} \right] \left\{ 1 + \frac{3}{4} (K' - 4) \left[\left(\frac{\rho}{\rho_0} \right)^{\frac{2}{3}} - 1 \right] \right\}$$

	<u>Définition</u>	<u>Unité</u>
ρ_0	Masse volumique à P=1 bar et T=273 K	kg/m ³
ρ	Masse volumique à P et T=273 K	kg/m ³
K	Compressibilité	GPa (gigapascal)
K'	Dérivée de la compressibilité avec P	sans unité
P	Pression	GPa (gigapascal)

Cette équation permet de calculer l'évolution de la densité d'une péridotite à haute pression (fig. 1).

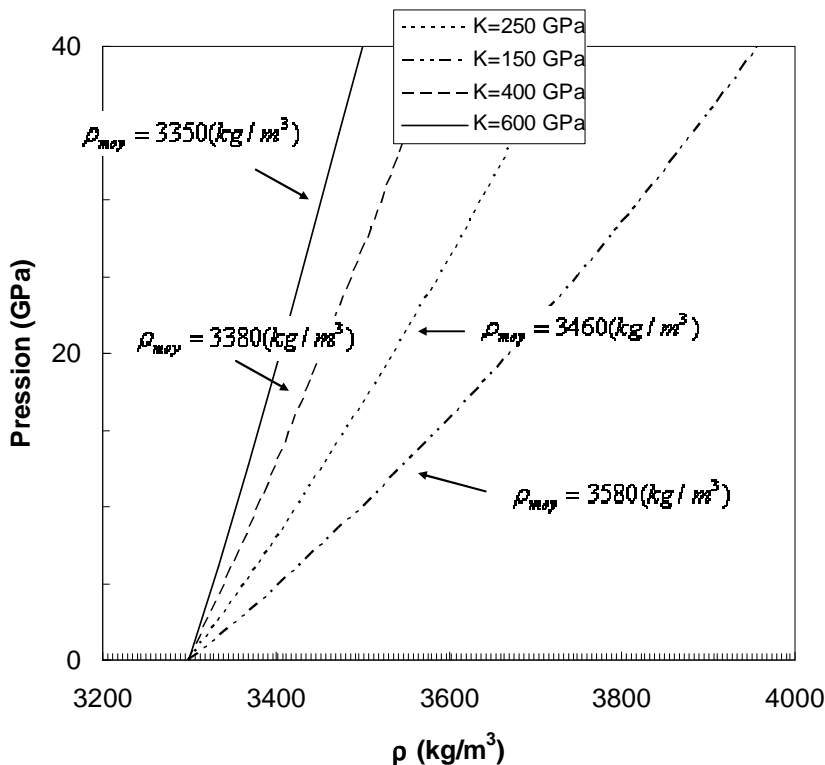


Figure 1 : Equation d'état de Birch-Murnaghan pour différente valeur de compressibilité.

Si Mars était constituée uniquement de péridotite ($K=250 \text{ GPa}$) quelle serait sa densité moyenne sachant que la pression au centre vaut 40 GPa (vous utiliserez pour cela la figure 1)? En conclure sur l'existence d'un noyau sur Mars.

1.c) Comme les variations de pression à l'intérieur de Mars sont faibles devant le module de compressibilité la densité peut s'approximer par :

$$\rho(z) = \rho_0(1 + \alpha P(z)) \text{ avec } \rho_0 = 3300 \text{ kg.m}^{-3} \text{ et } \alpha = 4,5 \cdot 10^{-12} \text{ Pa}^{-1}.$$

De plus la pression est donnée par

$$P(z) = \int_0^z \rho g dz'$$

Montrer alors que $P(z) = \frac{\exp(\rho_0 g \alpha z) - 1}{\alpha}$ si l'on suppose que g est indépendant de z .

1.d) À l'aide du résultat précédent il est alors possible de montrer que (vous pouvez le faire chez vous) :

$$m_{\text{manteau}} = \frac{4\pi\rho_0}{3a^3} \left[e^{a(R_T - R_N)} (a^2 R_N^2 + 2aR_N + 2) - (a^2 R_T^2 + 2aR_T + 2) \right]$$

Avec R_T le rayon total de la planète, R_N le rayon du noyau et

$$a = \alpha\rho_0 g$$

Si l'on suppose que le noyau Martien est constitué de métal de densité $\rho_N = 8000 \text{ kg/m}^3$ (que l'on supposera indépendante de la pression) on peut estimer la masse du noyau par :

$$m_{\text{noyau}} = \frac{4\pi\rho_N}{3} R_N^3$$

En déduire la taille du noyau Martien à l'aide de la figure 2.

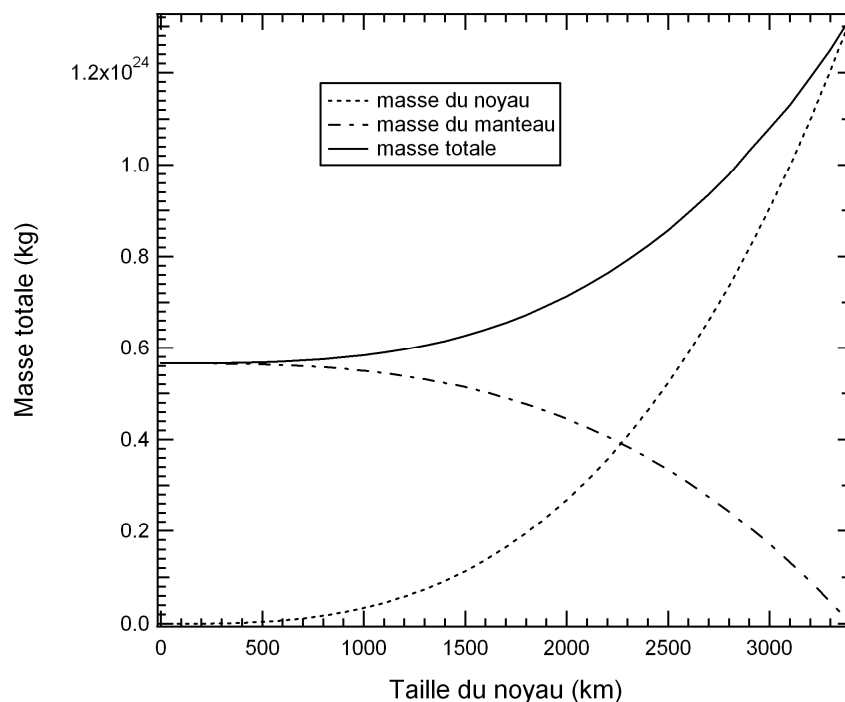


Figure 2 : Masse du noyau et du manteau en fonction du rayon du noyau suivant le modèle de la question 1.d.

II) Composition chimique globale de Mars

Tout les modèles de composition chimique de la Mars ou la Terre supposent que les éléments lithophiles réfractaires (ELR) (ex ; Al, Ca..) sont en proportion chondritique pour la composition globale de la planète

Grace aux météorites Martiennes, il est possible d'estimer les rapports Fe/Mg, Si/Mg et Al/Mg du manteau Martien. On obtient alors (rapports massiques):

$$(Fe/Mg)=0.4$$

$$(Al/Mg)=0.09$$

$$(Si/Mg)=0.92$$

Les rapports d'éléments lithophiles sont égaux pour Mars Globale et le Manteau primitif.

2.a) A l'aide de la figure 3, estimer le rapport $(Fe/Al)_{MG}$ de Mars Globale.

2.b) A l'aide de la figure 4, estimer le rapport $(Si/Al)_{MG}$ de Mars Globale ?

2.c) Sachant que le rapport Ca/Al vaut 1.07 dans les météorites, que vaut ce rapport pour le manteau primitif et Mars globale ?

2.d) Que vaut le rapport $(Al/Mg)_{MG}$ de Mars globale ? En déduire $(Fe/Mg)_{MG}$.

2.e) En supposant que Mars est composée de Si, Mg, Fe, Al, Ca et O calculez les abondances relatives de ces éléments.

On rappellera les masses molaires ($M_{Fe}=55.8$, $M_{Si}=28.08$; $M_{Al}=27.0$; $M_{Ca}=40.08$; $M_{O}=16$; $M_{Mg}=24.3$)

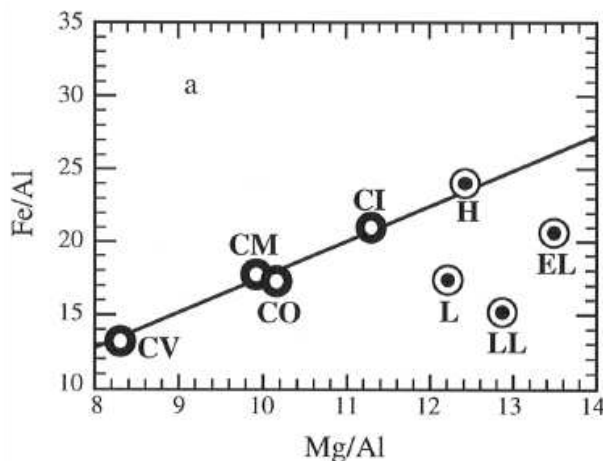


Figure 3 : Rapport massique Fe/Al et Mg/Al dans différentes classes de chondrites. D'après Allègre et al., 1995.

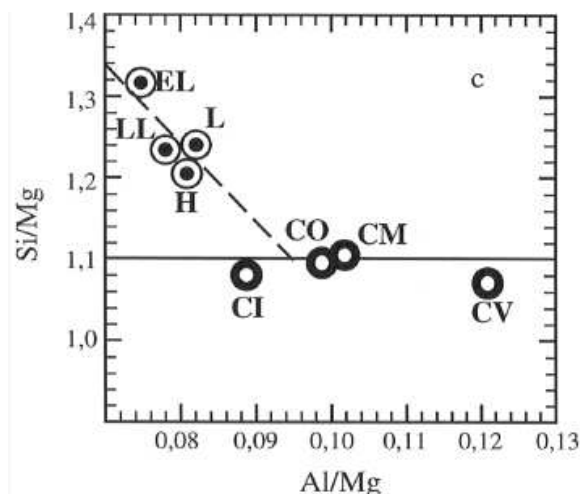


Figure 4 : Rapport massique Si/Mg et Mg/Al dans différentes classes de chondrites. D'après Allègre et al., 1995.

III) Quantité de Fer dans le noyau.

Pour estimer la composition chimique du noyau on peut écrire le bilan de masse suivant :

$$\left(\frac{Fe}{Mg} \right)_{MG} = \frac{m_N [Fe]_N + m_{MP} [Fe]_{MP}}{m_{MP} [Mg]_{MP}}$$

Que l'on peut réécrire :

$$[Fe]_N = \left(\left(\frac{Fe}{Mg} \right)_{MG} - \left(\frac{Fe}{Mg} \right)_{MP} \right) [Mg]_{MP} \frac{m_{MP}}{m_N}$$

3.a) Les observations du moment d'inertie de Mars donnent : $m_N = 2,1 \cdot 10^{23}$ kg et $m_{MP} = 4,32 \cdot 10^{23}$ kg (en supposant que $m_{MP} = m_M + m_C$). On utilisera l'observation des météorites martiennes qui nous disent que $[Fe]_{MP} = 0,38$ kg/kg

En déduire la concentration en Fe du noyau Martien.

3.b) Quels éléments suggérez vous pour compléter ?