

NOM :

Prénom :

L3 Physique

PARTIEL Astrophysique

Mecredi 29/04/09

Durée 1 heure - calculatrice autorisée - Documents interdits (une feuille de notes A4 autorisée)

Remplir Nom et Prénom - Répondre sur la feuille

$\pi$	=	3.1415926					
$\sigma_S$	=	$5.67 \cdot 10^{-8} \text{ W.m}^{-2}.\text{K}^{-4}$	Stefan	1 AU	=	$150 \cdot 10^6 \text{ km}$	Unité Astronomique
$k$	=	$1.38 \cdot 10^{-23} \text{ J.K}^{-1}$	Boltzman	1 $M_\odot$	=	$2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$	Masse solaire
$h$	=	$6.626 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$	Planck	1 $L_\odot$	=	$3.86 \cdot 10^{26} \text{ W}$	Luminosité Solaire
$e$	=	$1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	charge de l'électron	1 $R_\odot$	=	$7 \cdot 10^8 \text{ m}$	Rayon Solaire
$c$	=	$3 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}$	vitesse lumière (vide)	1 pc	=	$3.1 \cdot 10^{16} \text{ m}$	parsec
$\epsilon_o$	=	$8.84 \cdot 10^{-12} \text{ F.m}^{-1}$	Permittivité du vide	1 an (moyen)	=	$3.16 \cdot 10^7 \text{ s}$	année moyenne
G	=	$6.7 \cdot 10^{-11} \text{ J.m.kg}^{-2}$	Constante gravitation	1 AL	=	$9.5 \cdot 10^{15} \text{ m}$	Année Lumière
a	=	$7.56 \cdot 10^{-16} \text{ J.m}^{-3}.\text{K}^{-4}$	2e constante de Stefan	$T_\odot$	=	6000 K	T surface soleil

On rappelle la définition de la *magnitude apparente*  $m$  d'une étoile à la longueur d'onde  $\lambda$  si  $F$  est le flux reçu (en  $\text{W.m}^{-2}$ ,  $F_o$  étant un flux de référence) à cette longueur d'onde :

$$m = -2.5 \log \frac{F}{F_o}$$

On définit également la *magnitude absolue*  $M$  de la même étoile comme la magnitude apparente qu'elle aurait si elle était située à une distance de 10 parsec.

**EXERCICE 1 :** Betelgeuse a une magnitude absolue  $M \approx -5$  et une magnitude apparente  $m \approx 0$ .

- Calculer la distance  $D$  de Betelgeuse en parsec.

$$m - M = 5 \log D(\text{pc}) - 5 : 5 \log D = 10 : D = 100 \text{ pc}$$

- Si Betelgeuse était distante de 1 kpc, quelle serait sa magnitude apparente ? Sa magnitude absolue ?

de 100 pc à 1 kpc, distance  $\times 10$  : flux /100 :  $m=5$  ;  $M$  (évidemment) inchangée.

**EXERCICE 2 :**

- Rappeler l'expression de la luminosité  $L$  d'une étoile en fonction de son rayon  $R$  et de sa température de surface  $T$ .

$$L = 4\pi R^2 \sigma T^4$$

On considère une planète en orbite à la distance  $d$  du soleil (rayon  $R_\odot$ , température  $T_\odot$ ), dont la température est définie par l'équilibre entre l'énergie reçue par unité de surface et son rayonnement de corps noir à cette température.

- Montrer que dans ces conditions la température  $T$  de la planète peut s'écrire :

$$T = T_\odot \sqrt{\frac{R_\odot}{d}}$$

l'énergie recue par unité de surface est

$$E = \frac{L}{d^2} = \frac{4\pi R_{\odot}^2 \sigma T_{\odot}^4}{d^2} = \sigma T^4$$

$$T^4 = T_{\odot}^4 \frac{R_{\odot}^2}{d^2}$$

$$T = T_{\odot} \sqrt{\frac{R_{\odot}}{d}}$$

- Rappeler la relation qui lie la température  $T$  (en K) d'un corps noir et la longueur d'onde  $\lambda_{\max}$  de son maximum d'émission (en  $\mu\text{m}$ ).

$$\lambda_{\max} T \approx 3000 \mu\text{m.K}$$

- Montrer que cette relation permet d'interpréter le maximum de la courbe d'émission du soleil sur la figure 1

sur la courbe, le max d'émission du soleil se situe proche de  $0.5 \mu\text{m}$ , donc sa température de surface est bien proche de 6000 K.

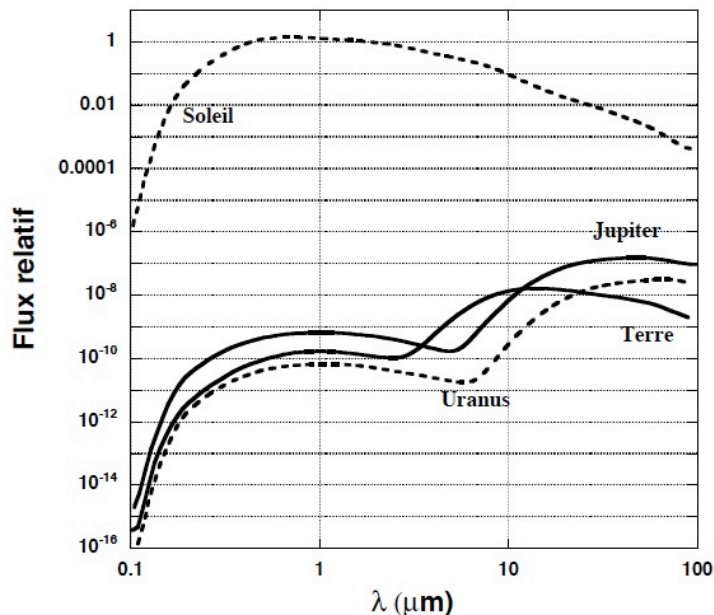


Figure 1: Emission du soleil et des planètes en fonction de  $\lambda$  exprimée en  $\mu\text{m}$ .

La figure représente également le spectre de quelques planètes dont la terre. Ce spectre est constitué de deux maxima, l'un à plus courte longueur d'onde étant la reproduction atténuée du maximum solaire (de manière identique pour toutes les planètes) et l'autre à plus grande longueur d'onde étant du à leur émission thermique propre,

- A quoi est due le maximum identique pour toutes les planètes dans leur courbe d'émission ?

Les planètes ont une émission thermique propre (variable selon la température de la planète) mais elle réfléchissent toutes la lumière solaire, ce qui explique le pic à courte  $\lambda$ .

- Si on considère la terre et les autres planètes comme des corps noirs (avec une seule température !), montrer que la relation  $T, \lambda_{\max}$  appliquée à la terre est cohérente avec une température proche de 300 K.

Le max d'émission de la terre est proche de  $10 \mu\text{m}$  donc  $T$  proche de 300 K.

- A partir de la figure 1, pensez-vous que la température moyenne du corps noir "terre" est plutôt plus faible ou plus élevée que 300 K ?

Le max d'émission est plutôt situé à  $\lambda > 10 \mu\text{m}$ , donc  $T < 300 \text{ K}$ .

- Donnez une estimation de la température de corps noir de Jupiter et d'Uranus. Justifiez l'ordre de grandeur des valeurs trouvées.

Jupiter et Saturne ont des max d'émission autour de 30 et 50  $\mu\text{m}$ , donc des températures de l'ordre de 100 et 60 K. C'est cohérent puisque, plus éloignées du soleil, elles en reçoivent moins de lumière et sont donc plus froides que la terre.

### EXERCICE 3 :

- Montrer que si les étoiles ont toutes la même masse volumique moyenne  $\rho_o$  (par exemple  $1000 \text{ kg}\cdot\text{m}^{-3}$ ), on a :

$$\frac{M}{M_{\odot}} = \left(\frac{R}{R_{\odot}}\right)^3$$

$$M \propto R^3$$

- La valeur exacte de  $\rho_o$  est-elle importante ?

non, c'est un coefficient supposé constant.

On suppose de plus que la luminosité varie comme le cube de la masse :  $\frac{L}{L_{\odot}} = \left(\frac{M}{M_{\odot}}\right)^3$

- Montrer qu'on a alors :

$$\frac{T}{T_{\odot}} = \left(\frac{R}{R_{\odot}}\right)^{7/4}$$

$$L \propto R^2 T^4; L \propto M^3; M \propto R^3 : R^2 T^4 \propto M^3 \propto R^9 : T^4 \propto R^7 : T \propto R^{7/4}$$